Вопросы (темы) для вступительных испытаний по учебному предмету «Математика» для лиц, имеющих общее среднее образование, для получения общего высшего образования и специального высшего образования, 2023 год.

- 1. Угол: определения (угла, равных углов, биссектрисы угла, развернутого угла, градусной меры угла, прямого, острого, тупого и полного углов); свойства градусной меры угла. Смежные и вертикальные углы и их свойства.
- 2. Накрест лежащие, соответственные и односторонние углы при двух прямых и секущей. Признаки и свойства параллельности прямых. Аксиома параллельности прямых.
- 3. Треугольник: определения (треугольника, периметра треугольника, внешнего угла треугольника); виды треугольников; теорема о внешнем угле треугольника; формулы площади треугольника (через высоту треугольника, через периметр и радиус вписанной окружности, Герона, по двум сторонам и углу между ними).
- 4. Высота, медиана, биссектриса треугольника: определения; свойства биссектрисы, медианы и высоты треугольника.
- 5. Равные треугольники: определение; свойства равных треугольников; признаки равенства треугольников.
- 6. Равнобедренный треугольник: определение; свойства (углов при основании, биссектрисы равнобедренного треугольника); признаки равнобедренного треугольника.
- 7. Прямоугольный треугольник: определения (катета и гипотенузы); признаки равенства прямоугольных треугольников; площадь прямоугольного треугольника.
- 8. Теорема Пифагора: прямая теорема Пифагора и ей обратная; следствия из теоремы. Соотношения в прямоугольном треугольнике: синус, косинус, тангенс, котангенс острого угла прямоугольного треугольника; свойство катета, лежащего против угла в 30°; среднее пропорциональное в прямоугольном треугольнике.
- 9. Теорема Фалеса: прямая теорема Фалеса и ей обратная; обобщенная теорема Фалеса и ей обратная. Средняя линия треугольника: определение; теорема о средней линии треугольника.
- 10. Подобные треугольники: определения (подобных треугольников, коэффициента подобия треугольников, пропорциональных отрезков, отношения отрезков); признаки подобия треугольников; отношение площадей подобных треугольников.
- 11. Теорема косинусов: теорема; следствия из теоремы косинусов (нахождение косинуса угла треугольника, заданного тремя сторонами; свойство диагоналей параллелограмма).
  - 12. Теорема синусов: теорема; следствия из теоремы синусов.
- 13. Параллелограмм: определение; свойства и признаки параллелограмма; формулы площади (через высоту параллелограмма, по двум сторонам и углу между ними, по диагоналям и углу между ними).

- 14. Ромб: определение, свойства, признаки, формулы площади (через высоту ромба, по двум сторонам и углу между ними, по диагоналям и углу между ними, через периметр и радиус вписанной окружности).
- 15. Трапеция: определения (трапеции, средней линии трапеции, высоты трапеции); виды трапеций; теорема о средней линии трапеции; свойства равнобедренной трапеции; формулы площади трапеции (через высоту трапеции; через среднюю линию трапеции).
- 16. Вписанные и описанные окружности: определения (окружности, описанной около треугольника; окружности, вписанной в треугольник); формулы для нахождения радиуса описанной и радиуса вписанной окружностей прямоугольного треугольника; формулы для нахождения радиуса описанной и радиуса вписанной окружностей по заданной стороне правильного треугольника.
- 17. Окружность, круг: определения (окружности, круга, радиуса, диаметра, хорды, сектора, сегмента круга, вписанного угла, центрального угла, градусной меры дуги окружности); теорема о величине вписанного угла и следствия из этой теоремы; формулы: (длины окружности, площади круга, длины дуги, площади сектора и сегмента).
- 18. Взаимное расположение прямой и окружности. Касательная и секущая к окружности: определения касательной к окружности, секущей к окружности; признак касательной к окружности; свойство отрезков пересекающихся хорд; свойство отрезка касательной и отрезков секущей в случае, когда касательная и секущая проходят через одну точку, взятую вне окружности.
- 19. Основные понятия стереометрии. Аксиомы стереометрии. Следствия из аксиом.
- 20. Взаимное расположение прямых в пространстве: определения (параллельных прямых в пространстве, скрещивающихся прямых); признак параллельности прямых; свойства параллельных прямых в пространстве; признак скрещивающихся прямых; угол между прямыми.
- 21. Прямая, параллельная плоскости: определение; признак параллельности прямой и плоскости; свойство прямой, параллельной плоскости.
- 22. Параллельные плоскости: определение; признак параллельности плоскостей; свойства параллельных прямых и плоскостей в пространстве.
- 23. Прямая, перпендикулярная плоскости: определение, признак перпендикулярности прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная: определение перпендикуляра, наклонной и проекции наклонной на заданную плоскость; теоремы о длинах перпендикуляра, наклонных и проекций этих наклонных; теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью.
- 24. Двугранный угол: определения (двугранного угла, линейного угла, соответствующего данному двугранному углу, угла между плоскостями). Перпендикулярность плоскостей: определение, свойства, признак перпендикулярности плоскостей.
- 25. Призма: определения (призмы, прямой призмы, правильной призмы, параллелепипеда, прямого параллелепипеда, прямоугольного параллелепипеда, куба); площадь боковой и полной поверхностей прямой призмы; площадь

боковой и полной поверхностей призмы; формула объема прямоугольного параллелепипеда; формула объема призмы.

- 26. Пирамида: определения (пирамиды, правильной пирамиды); свойства правильной пирамиды, пирамиды с равными или равно наклоненными к основанию боковыми ребрами; свойства пирамиды с равными высотами боковых граней, опущенными из вершины пирамиды или равно наклоненными боковыми гранями; площадь боковой и полной поверхностей правильной пирамиды; площадь боковой и полной поверхностей пирамиды.
- 27. Цилиндр: определения (цилиндра, осевого сечения цилиндра); площадь боковой и полной поверхностей цилиндра; сечения цилиндра, параллельные и перпендикулярные оси цилиндра; объём цилиндра.
- 28. Конус: определения (конуса, осевого сечения конуса); площадь боковой и полной поверхностей конуса; сечение конуса плоскостью, проходящей через его вершину и хорду основания; объем конуса.
- 29. Сфера и шар: определения (сферы, шара, радиуса, диаметра, хорды); сечения сферы и шара плоскостью; касательная плоскость к сфере; площадь сферы; объем шара.
- 30. Степень: определение степени (с натуральным, целым и рациональным показателем); свойства степеней.
- 31. Логарифм числа: определение; десятичный логарифм; основное логарифмическое тождество; свойства логарифмов (логарифм произведения, степени, частного); формула перехода от логарифма с одним основанием к логарифму с другим основанием.
- 32. Тождественно равные выражения. Формулы сокращенного умножения:  $a^2-b^2=(a-b)\cdot(a+b)$ ;  $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2$ ;  $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$ .
- 33. Одночлен и многочлен: определения (одночлена, многочлена, степени одночлена, степени многочлена, подобных слагаемых); определение квадратного трехчлена; сложение, вычитание, умножение и деление многочлена на одночлен; разложение многочлена на множители; разложение квадратного трехчлена на линейные множители.
  - 34. Корень n-й степени (n  $\in$  N,  $n \geq 2$ ): определения (кореня n-й степени,

арифметического корня п-й степени); свойства корня п-й степени.

- 35. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла: соотношения между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла (тригонометрические тождества).
- 36. Тригонометрические формулы: приведения; синуса, косинуса, тангенса суммы и разности, двойного аргумента; преобразования суммы и разности синусов (косинусов) в произведение.
- 37. Простейшие тригонометрические уравнения: определения (арксинуса, арккосинуса, арктангенса, арккотангенса числа, простейших тригонометрических уравнений); решения простейших тригонометрических уравнений.
- 38. Линейное уравнение с одной переменной: определение; корень уравнения; решение линейных уравнений с одной переменной.
  - 39. Квадратные уравнения: определение; виды квадратных уравнений;

формулы корней квадратного уравнения; теорема Виета (прямая и обратная).

- 40. Числовые неравенства: их геометрическая интерпретация; свойства числовых неравенств. Линейные неравенства с одной переменной: определение; равносильные неравенства; решение линейных неравенств с одной переменной; двойные неравенства.
- 41. Функции: определения (функции, области определения, множества значений, графика, нулей, промежутков знакопостоянства, четности и нечетности, периодичности, возрастания и убывания функции, промежутков монотонности, наибольшего и наименьшего значения функции на промежутке); способы задания.
  - 42. Функция  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ), ее свойства и график.
  - 43. Функция  $y = a^x$  (a>0, a≠ 1), ее свойства и график.

  - 44. Функция  $y = \log_a x$  (a>0, a≠ 1), ее свойства и график. 45. Функции y = ax + b и  $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ , их свойства и графики.
  - 46. Функция  $y = \sin x$ , ее свойства и график.
  - 47. Функция  $y = \cos x$ , ее свойства и график.
  - 48. Функции y = tg x u y = ctg x, их свойства и графики.
- 49. Арифметическая и геометрическая прогрессии: формулы n-го члена и суммы п первых членов; характеристические свойства арифметической и геометрической прогрессии; бесконечно убывающая геометрическая прогрессия.
  - Производная: физический определение; смысл производной;

геометрический смысл производной; производные функций: y = c, y = ax + b,

 $y = ax^2$ ,  $y = \frac{k}{x}$  правила вычисления производных: производная производная произведения, производная частного, производная степени; связь между знаком производной функции и ее возрастанием или убыванием.